УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ: КУРС ЛЕКЦИЙ. Ч.1.

Корзюк В. И. Уравнения математической физики : курс лекций. В 2-х ч. Ч.1. В.И. Корзюк. - Минск : БГУ, 2007. - 72 с.



Изложены основные сведения из курсов математического анализа, функционального анализа, обыкновенных дифференциальных уравнений, необходимые для изучения курса лекций по уравнениям математической физики. Здесь представлены сведения из теории множеств, теории действи тельных и комплексных чисел, даны понятия отображения, линейных и нор мированных пространств, пространств со скалярным произведением, опре делено π — мерное евклидово пространство, рассмотрены функции многих независимых переменных и их производные, элементы векторного анализа.

Излагаются дифференциальные уравнения с частными производны ми первого и второго порядков, приведение их к каноническому виду. Вводится понятие характеристик линейных дифференциальных уравнений, да ется некоторая классификация их в случае любого порядка уравнения и изу чаются некоторые общие свойства.

Курс лекций подготовлен для студентов, специализирующихся по прикладной математике, информатике и другим математическим специаль ностям.

Оглавление

ВВЕДЕНИЕ	5
1 ПРЕДВАРИТЕЛЬНЫЕ СВЕДЕНИЯ	8
1.1 Множества и элементы	8
1.2 Отображения	9
1.3 Действительные и комплексные числа	10
1.4 Линейные пространства	12
1.5 Нормированные и гильбертовы пространства	15
1.6 Конечномерное евклидово пространство R ⁿ	18
1.7 Функции многих независимых переменных	20
1.8 Производные функций многих независимых переменных	22
1.9 Элементы векторного анализа	24
2 ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ С ЧАСТНЫМИ ПРОИЗВОДНЫМ	1И32
2.1 Понятие об уравнениях с частными производными	32
2.2 Дифференциальные уравнения первого порядка	34
2.3 Дифференциальные уравнения второго порядка	38
2.4 Приведение к каноническому виду для случая двух переменных	40
2.4.1 Приведение к каноническому виду гиперболических уравнений	45
2.4.2 Приведение к каноническому виду параболических уравнений	47
2.4.3 Приведение к каноническому виду эллиптических уравнений	49
2.5 Приведение к каноническому виду для многих переменных	52
2.6 Понятие о характеристиках	56
2.7 Классификация дифференциальных уравнений	60
ЛИТЕРАТУРА	67